

УДК 373:51
ББК 22.1я2
М34

Математика в таблицах : 10-11 классы —
М34 Москва : Издательство АСТ, 2018. — 95, [1]с.:
ил.

ISBN 978-5-17-100079-0
(Новая школьная программа)
ISBN 978-5-17-100081-3
(Подготовка к единому государственному экзамену)

В справочнике в виде тематических таблиц представлены все основные материалы школьной программы по математике с 5 по 11 класс.

Разделы справочника соответствуют программе школьного курса: «Математика 5-6», «Алгебра 7-9», «Алгебра и начало анализа 10-11», «Геометрия 7-9», «Геометрия 10-11».

Книга будет полезна для повторения и обобщения математических знаний при подготовке к урокам, контрольным и проверочным работам, зачётам и выпускным экзаменам в формате ЕГЭ.

УДК 373:51
ББК 22.1я2

ISBN 978-5-17-100079-0
(Новая школьная программа)
ISBN 978-5-17-100081-3
(Подготовка к единому государственному экзамену)

© ООО «Издательство АСТ», 2018

СОДЕРЖАНИЕ

МАТЕМАТИКА 5—6

Натуральные числа	6
Признаки делимости	7
НОК и НОД	8
Действия с обыкновенными дробями	9
Положительные и отрицательные числа	9
Действия с положительными и отрицательными числами	10

АЛГЕБРА 7—9

Формулы сокращенного умножения	11
Свойства степени	11
Пропорция	12
Свойства квадратного корня	12
Свойства корня n -й степени	12
Свойства числовых неравенств	13

Функции

Линейная функция	15
Дробно-линейная функция	16
Квадратное уравнение	17
Квадратный трехчлен	18
Квадратичная функция	19
Квадратное неравенство	20
Прогрессии	21
Средние величины	22
Тригонометрические тождества	23

АЛГЕБРА И НАЧАЛА АНАЛИЗА 10—11

Логарифмы	26
Пределы	28
Производная	29
Функции	
Степенная функция	31
Показательная функция	32
Логарифмическая функция	33
Тригонометрические функции	34
Обратные тригонометрические функции	36
Интеграл	38
Вычисления с помощью интеграла	40
Комбинаторика	42
Комплексные числа	44

ГЕОМЕТРИЯ 7—9

Углы	46
Треугольники	48
Площадь треугольника	50
Равные и подобные треугольники	51
Прямоугольный треугольник	54
Равнобедренный треугольник	56
Равносторонний треугольник	57
Параллелограмм	58
Трапеция	60
Многоугольники	62
Окружность	64
Углы в окружности	68
Декартовы координаты на плоскости	69

ГЕОМЕТРИЯ 10—11

Углы в пространстве	70
Многогранники	
Призма	73
Пирамида	76
Правильные многогранники	80
Тела вращения	
Цилиндр	82
Конус	84
Сфера и шар	86
Декартовы координаты в пространстве	89
Векторы	90
Справочные таблицы	92

МАТЕМАТИКА 5—6

Натуральные числа

Арифметические действия	Свойства нуля и единицы
<p><i>Сложение</i></p> $a + b = c$ <p style="text-align: center;">↑ ↑ ↑ слагаемые сумма</p>	$a + 0 = 0 + a = a$
<p><i>Вычитание</i></p> $a - b = c$ <p style="text-align: center;">↑ ↑ ↑ уменьшаемое разность вычитаемое</p>	$a - 0 = a$ $a - a = 0$
<p><i>Умножение</i></p> $a \cdot b = c$ <p style="text-align: center;">↑ ↑ ↑ умножители произведение</p>	$a \cdot 0 = 0 \cdot a = 0$ $a \cdot 1 = 1 \cdot a = a$
<p><i>Деление</i></p> $a : b = c$ <p style="text-align: center;">↑ ↑ ↑ делимое частное делитель</p>	$0 : a = 0$ $a : 1 = a$ <p>На нуль делить нельзя</p>

Правила арифметических действий

Переместительный закон

$$a + b = b + a$$

$$a \cdot b = b \cdot a$$

Сочетательный закон

$$a + (b + c) = (a + b) + c$$

$$a \cdot (b \cdot c) = (a \cdot b) \cdot c$$

Распределительный закон

$$a \cdot (b + c) = a \cdot b + a \cdot c$$

$$a \cdot (b - c) = a \cdot b - a \cdot c$$

Признаки делимости

На 2: последняя цифра — четная (0, 2, 4, 6, 8).

Пример: 24, 248, 351.

На 3: сумма цифр числа делится на 3.

Пример: 45 ($4 + 5 = 9$ — делится на 3);

86 ($8 + 6 = 14$ — не делится на 3);

На 4: число, составленное из двух последних цифр, делится на 4 (00, 04, 08, 12 и т. д.).

Пример: 248, 512, 715.

На 5: последняя цифра 0 или 5.

Пример: 340, 235, 187.

На 9: сумма цифр числа делится на 9.

Пример: 198 ($1 + 9 + 8 = 18$ — делится на 9);

281 ($2 + 8 + 1 = 11$ — не делится на 9).

На 10: последняя цифра 0.

Пример: 1830, 2017.

На 25: число, составленное из двух последних цифр, делится на 25 (00, 25, 50, 75).

Пример: 1375, 240, 805, 650.

НОК и НОД

Разложение чисел на множители

180		(2)	1368		(2)
90		(2)	684		(2)
45		(3)	342		2 ×
15		(3)	171		(3)
5		5	57		(3)
1			19		19 ×
			1		

Наибольший общий делитель

$$\text{НОД}(180, 1368) = (2) \cdot (2) \cdot (3) \cdot (3) = 36$$

выписываем все общие делители чисел

! НОД либо меньше данных чисел, либо равен меньшему из них.

Наименьшее общее кратное

$$\text{НОК}(180, 1368) = 2 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 5 \cdot 2 \cdot 19 = 6840$$

выписываем все делители меньшего числа

и не совпадающие с ними делители другого числа

! НОК либо больше данных чисел, либо равен большему из них.

Действия с обыкновенными дробями

<p><i>Сложение и вычитание:</i> дробей с общим знаменателем</p> <p>дробей с разными знаменателями</p>	$\frac{a}{b} + \frac{c}{b} = \frac{a+c}{b}$ $\frac{a}{b} - \frac{c}{b} = \frac{a-c}{b}$ $\frac{a}{b} + \frac{c}{d} = \frac{ad+bc}{bd}$ $\frac{a}{b} - \frac{c}{d} = \frac{ad-bc}{bd}$
<p><i>Умножение</i></p>	$\frac{a}{b} \cdot \frac{c}{d} = \frac{a \cdot c}{b \cdot d}$
<p><i>Деление</i></p>	$\frac{a}{b} : \frac{c}{d} = \frac{a}{b} \cdot \frac{d}{c} = \frac{a \cdot d}{b \cdot c}$

Положительные и отрицательные числа

$ -4 = 4 \quad 0 = 0 \quad 2 = 2$	
<p>Модуль числа равен расстоянию от нуля до числа на координатной прямой.</p> <p>Противоположные числа — числа с одинаковыми модулями и разными знаками (5 и -5, -1,5 и 1,5).</p>	$ a = a, \text{ если } a > 0$ $ a = -a, \text{ если } a < 0$ $ a - b = b - a $
	$-a + a = 0$ $a + (-a) = 0$ $a - a = 0$

Действия с положительными и отрицательными числами

		Положительные числа		Отрицательные числа		Числа с разными знаками	
<i>Сложение</i>	+	Сложить	—	Сложить	—	Знак числа с большим модулем	Вычесть из большего модуля меньший
<i>Вычитание</i>						<i>Заменяем на сложение: $a - b = a + (-b)$</i>	
<i>Умножение</i>	+	Перемножить	+	Перемножить	—	—	Перемножить
<i>Деление</i>	+	Поделить	+	Поделить	—	—	Поделить
		<i>Знак ответа</i>	<i>Действия с модулями</i>	<i>Знак ответа</i>	<i>Действия с модулями</i>	<i>Знак ответа</i>	<i>Действия с модулями</i>